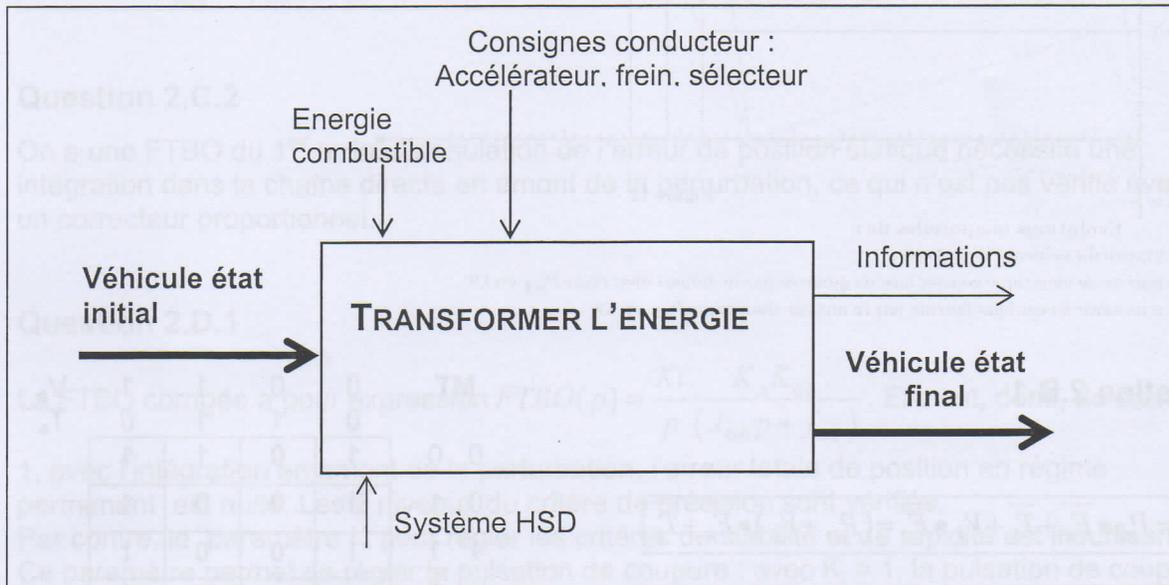


## CORRIGE

Sélection : PM, MAV, MAr

### Question 1.B.1



### Question 1.C.1

Voir feuille réponse

### Question 1.C.2

- Une génératrice tachymétrique,
- Capteur incrémental avec dérivation
- Synchro-resolver avec dérivation

### Question 1.C.3

Déplacements des pédales de frein et d'accélérateur

- Capteur potentiométrique (linéaire ou rotatif),
- Codeur incrémental.(avec transformation de mouvement

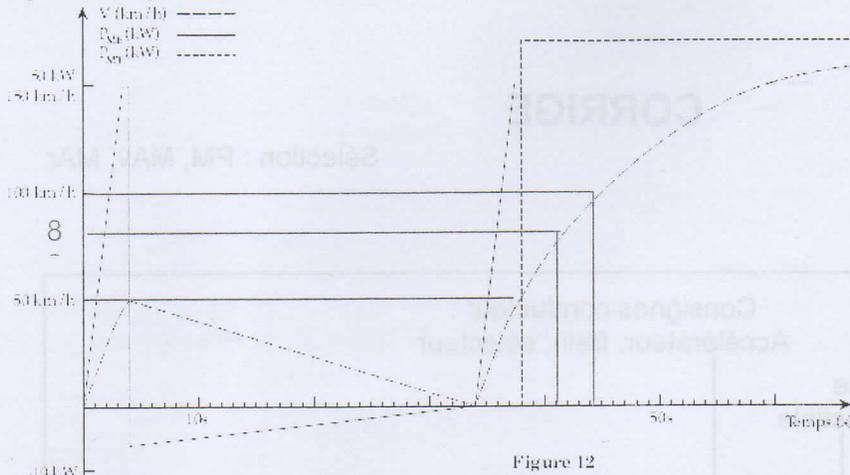
### Question 1.C.4

- Poulies courroie crantée
- Engrenage

### Question 1.D.1

- Accélération de 0 à 100km/h en 11s (environ)
- De 50 à 80km/h en 4s.

Réponses aux questions I.D.1, II.B.3 et III.D.1



Évolutions temporelles de :

- la vitesse du véhicule  $V$  en km/h,
- la puissance électrique consommée ou générée par le moteur électrique  $P_{ME}$  en kW,
- la puissance mécanique fournie par le moteur thermique  $P_{MT}$  en kW.

Question 2.B.1

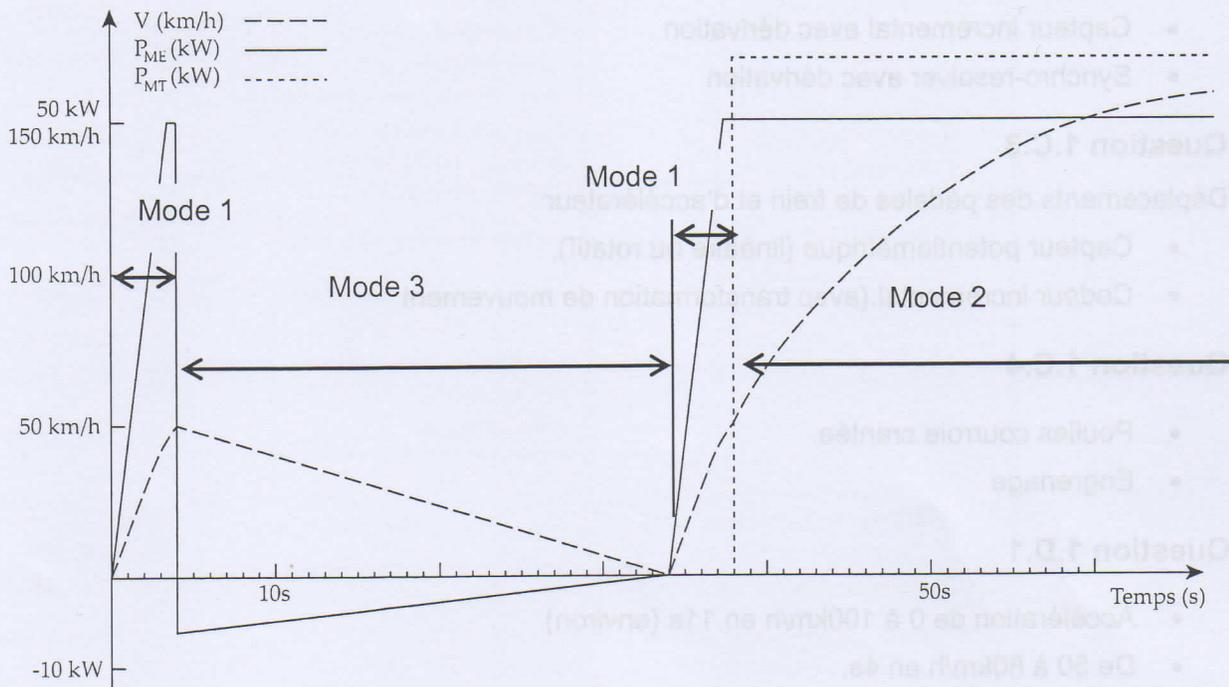
$$MT_1 = P_{tot} \cdot \overline{F_R} + \overline{T_E} + V_E \cdot \overline{F_R} = (P_{tot} + V_E) \cdot \overline{F_R} + \overline{T_E}$$

MT	0	0	1	1	$V_e$
	0	1	1	0	$T_e$
0 0	1	0	1	1	
0 1	1	0	0	1	
1 1	1	0	0	1	
1 0	1	1	1	1	
$P_{tot}$ $F_r$					

Question 2.B.2

$$MT = ((P_{tot} + V_E) \cdot \overline{F_R} + \overline{T_E}) M_A \cdot (\overline{E_V} + V_E) \quad \text{ou} \quad MT = MT_1 \cdot M_A \cdot (\overline{E_V} + V_E)$$

Question 2.B.3



### Question 2.C.1

Par application du théorème de superposition aux cas  $C_{MT} = 0$  et  $\Omega_{GE}^c(p)$

$$\Omega_{GE}(p) = \frac{1}{J_{GE}p + f_{GE}} \left( K_{GE}K_A C(p) (\Omega_{GE}^c(p) - \Omega_{GE}(p)) + \gamma C_{MT}(p) \right)$$

$$\Omega_{GE}(p) = \frac{K_{GE}K_A C(p)}{J_{GE}p + f_{GE} + K_{GE}K_A C(p)} \Omega_{GE}^c(p) + \frac{\gamma}{J_{GE}p + f_{GE} + K_{GE}K_A C(p)} C_{MT}(p)$$

### Question 2.C.2

On a une FTBO du 1<sup>er</sup> ordre, l'annulation de l'erreur de position statique nécessite une intégration dans la chaîne directe en amont de la perturbation, ce qui n'est pas vérifié avec un correcteur proportionnel.

### Question 2.D.1

La FTBO corrigée a pour expression  $FTBO(p) = \frac{K_i}{p} \frac{K_A K_{GE}}{J_{GE}p + f_{GE}}$ . Elle est, donc, de classe

1, avec l'intégration en amont de la perturbation, l'erreur totale de position en régime permanent est nulle. Les 2 niveaux du critère de précision sont vérifiés.

Par contre, le paramètre  $K_i$  pour régler les critères de stabilité et de rapidité est insuffisant.

Ce paramètre permet de régler la pulsation de coupure : avec  $K_i = 1$ , la pulsation de coupure est de  $2 \text{ rad.s}^{-1}$ . Cette valeur satisfait le critère de rapidité, mais la marge de phase ainsi obtenue ne satisfait pas le critère de stabilité ( $M_\phi > 45^\circ$ ).

**Le correcteur proposé ne convient pas.**

### Question 2.E.1

A la pulsation de coupure  $1.5 \text{ rad.s}^{-1}$ , on a une phase de  $-170^\circ$ , alors qu'il faudrait au minimum  $-135^\circ$  sur le diagramme de Bode de  $R(p)$ .

Le correcteur à avance de phase doit apporter une avance de phase minimale de  $35^\circ$  pour avoir une marge de phase minimale de  $45^\circ$

Dans un tel correcteur on a les relations :  $\sin(\phi_m) = \frac{1-a}{1+a}$  et  $\omega_m = \frac{1}{T\sqrt{a}}$

On en déduit, pour  $\phi_m = 35^\circ$  :  $a = \frac{1 - \sin \phi_m}{1 + \sin \phi_m} = 0,26 \Rightarrow T = \frac{1}{\omega_m \sqrt{a}} = 1,31 \text{ s}$

### Question 2.E.2

Nous avons le module qui a pour expression :

$$\left| C_2(j\omega_m) \right|_{dB} = 10 \cdot \log\left(\frac{1}{a}\right) = 5,8 \text{ dB avec } \omega_m = 1,5 \text{ rad.s}^{-1}$$

Or pour la pulsation  $1,5 \text{ rad.s}^{-1}$ , on lit un module de 6 dB sur le diagramme de Bode de  $R(p)$ , on déduit  $20 \cdot \log(K_i) = -11,8 \text{ dB}$

$$\text{soit } K_i = 10^{\frac{-11,8}{20}}$$

$$\underline{K_i = 0,25}$$

On peut déterminer  $K_i$  par le calcul :

Il faut que le gain soit nul en  $\omega_m$  soit :

$$20 \log K_i + 10 \log \frac{1}{a} + 20 \log(K_A K_{GE}) - 20 \log(\omega_m) - 20 \log(\sqrt{f^2_{GE} + J^2_{GE} \omega_m^2}) = 0 \Rightarrow \boxed{K_i = 0,23}$$

### Question 2.E.3

La marge de gain n'est pas définie car elle est infinie.

### Question 2.E.4

Avec les réglages suivants :

$$K_i = 0,25 ; a = 0,26 ; T = 1,31s$$

On vérifie obtient :

- écarts nuls en régime permanent en réponse à un échelon et perturbation constante
- pulsation de coupure de  $1.5 \text{ rad.s}^{-1}$
- marge de phase de 45

**Le correcteur convient.**

### Question 3.A.1

Les roues roulent sans glisser sur le sol  $\Rightarrow V = \frac{D}{2} \omega_r = \frac{D}{2} K \omega_s \Rightarrow \boxed{\rho = \frac{KD}{2}}$

### Question 3.A.2

La démarche utilisera le théorème de l'énergie cinétique appliquée au véhicule.

#### Energie cinétique

- Energie cinétique du véhicule:  $T(\text{véhicule/sol}) = \frac{1}{2} MV^2, l$
- Energie cinétique du moteur  $T(\text{moteur/sol}) = \frac{1}{2} J_{MT} \omega_{MT}^2$ . (remarque : le moment d'inertie  $J_{MT}$  n'a pas été défini avec précision dans le sujet) nous le supposons négligeable.
- Toutes les autres inerties sont négligées.

#### Expression des puissances

- Puissance galiléenne des actions aérodynamiques :  $P(\text{air} \rightarrow \text{véhicule/sol}) = -f_v V^2,$
- Le véhicule se déplace sur une route horizontale (la pesanteur n'intervient pas)
- Les roues roulent sans glisser sur le sol (pas de puissance dissipée par frottement).
- Puissance motrice :  
 $P(\text{HSD} \leftrightarrow \text{arbre de sortie}) = C_{ME} \omega_{ME} + C_{MT} \omega_{MT} - C_{GE} \omega_{GE} = C_S \omega_S$  ; le rendement est supposé égal à 1

#### Théorème de l'énergie cinétique

$$MV\dot{V} + J_{MT} \cdot \omega_{MT} \cdot \dot{\omega}_{MT} = C_S \omega_S - f_v V^2 \text{ avec } V = \rho \cdot \omega_S$$

$$\text{soit : } M\dot{V} = \frac{C_S}{\rho} - f_v \cdot V \Rightarrow \boxed{M\dot{V} + f_v \cdot V = \frac{C_S}{\rho}}$$

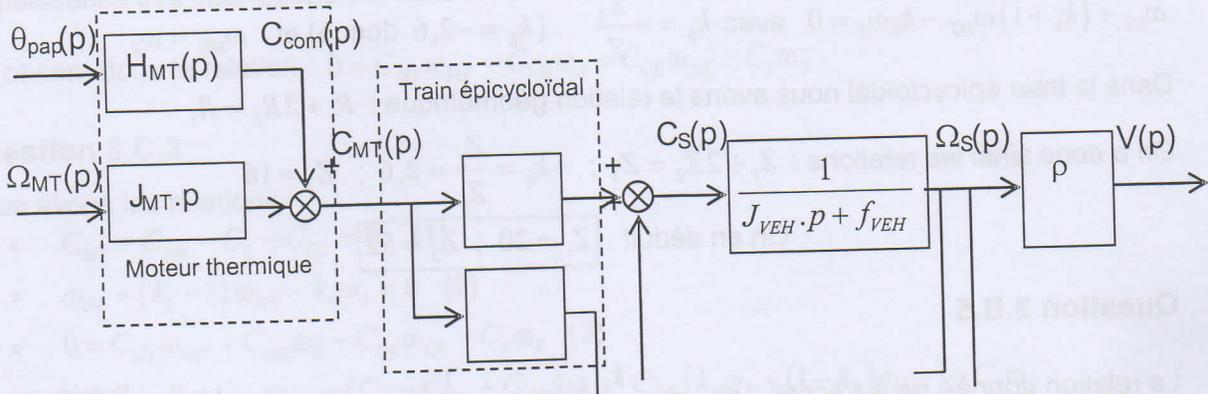
### Question 3.A.3

Dans la relation précédente on remplace  $V$  par son expression en fonction de  $\Omega_s$  et on obtient dans le domaine de LAPLACE :

$$M \rho p \Omega_s(p) + f_v \rho \Omega_s(p) = \frac{C_s(p)}{\rho} \quad \text{ou} \quad \Omega_s(p) = \frac{C_s(p)}{M \rho^2 p + f_v \rho^2}$$

On en déduit :  $J_{veh} = M \rho^2$   $J_{veh} = 7,65 \text{ kg.m}^2$  et  $f_{veh} = f_v \rho^2$   $f_{veh} = 0,1125 \text{ N.m.s}$

### Question 3.A.4



### Question 3.B.1

Le porte-satellite est le solide  $S_4$ . On écrit la relation :  $\frac{\omega_{1/4}}{\omega_{3/4}} = -\frac{Z_3}{Z_1} = \frac{\omega_{1/0} - \omega_{4/0}}{\omega_{3/0} - \omega_{4/0}}$

$$\Rightarrow \omega_{1/0} - \omega_{4/0} = -\frac{Z_3}{Z_1} [\omega_{3/0} - \omega_{4/0}] \quad \text{soit} : \omega_{1/0} + \frac{Z_3}{Z_1} \omega_{3/0} - \left[1 + \frac{Z_3}{Z_1}\right] \omega_{4/0} = 0$$

On obtient :  $\lambda = \frac{Z_3}{Z_1}$  et  $\mu = \left[1 + \frac{Z_3}{Z_1}\right]$

### Question 3.B.2

$V_{\text{maxi}} = 170 \text{ km/h}$  soit :  $\omega_{s \text{ Maxi}} = \frac{V_{\text{maxi}}}{\rho}$   $\omega_{s \text{ Maxi}} = 6012 \text{ tr/min}$  et  $\omega_{s \text{ mini}} = 0 \text{ tr/min}$

### Question 3.B.3

On écrit les relations de roulements sans glissement par rapport au porte-satellite (voir question 3.B.1):

$$\frac{\omega_{14}}{\omega_{24}} = -\frac{R_2}{R_1} \quad \text{et} \quad \frac{\omega_{24}}{\omega_{34}} = \frac{R_3}{R_2} \quad \text{ainsi que} : \frac{\omega_{14}}{\omega_{34}} = -\frac{R_3}{R_1}$$

$$\frac{\omega_{14}}{\omega_{34}} = -\frac{R_3}{R_1} \Leftrightarrow \omega_{10} - \omega_{40} = -\frac{R_3}{R_1} (\omega_{30} - \omega_{40}) \Leftrightarrow \omega_{10} = \omega_{40} \left(1 + \frac{R_3}{R_1}\right) - \omega_{30} \frac{R_3}{R_1}$$

Nous utilisons cette dernière expression pour analyser la compatibilité avec les courbes fournies.

La première courbe montre  $\omega_{MT} = 0$  en testant tous les cas possibles on s'aperçoit que seul le cas  $MT \equiv (4)$  est possible.

L'analyse de la courbe montre que  $|\omega_{ME/0}| < |\omega_{GE/0}|$

Avec  $\frac{R_3}{R_1} > 1$  on en déduit  $ME \equiv (3)$  et  $GE \equiv (1)$

### Question 3.B.4

Pour que deux pignons puissent engrener il faut qu'ils aient le même module avec la relation :  $D_i = m.z_i = 2.R_i$  ;  $R_i$  étant le rayon primitif.

Par hypothèse et en conformité avec la question précédente on a la relation :

$$\omega_{GE} + (k_b - 1)\omega_{MT} - k_b\omega_S = 0 \quad \text{avec } k_b = -\frac{Z_3}{Z_1} \quad (k_b = -2,6 \text{ donné}) \quad \text{et } \omega_{ME} = \omega_S$$

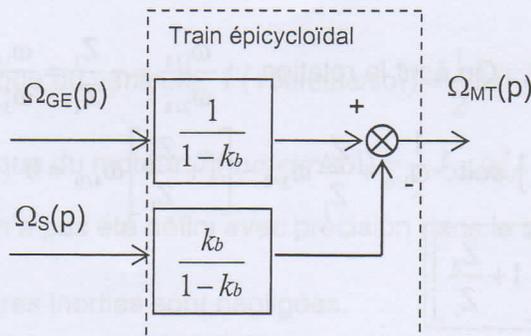
Dans le train épicycloïdal nous avons la relation géométrique :  $R_1 + 2R_2 = R_3$

On a donc ainsi les relations :  $Z_1 + 2Z_2 = Z_3$  ;  $-k_b = \frac{Z_3}{Z_1} = 2,6$  ;  $Z_2 = 16$

$$\text{On en déduit : } \boxed{Z_1 = 20 ; Z_3 = 52}$$

### Question 3.B.5

La relation donnée peut s'écrire :  $\omega_{MT} = \frac{k_b}{(k_b - 1)}\omega_S - \frac{1}{(k_b - 1)}\omega_{GE}$  d'où :



### Question 3.C.1

Système isolé le train épicycloïdal et l'arbre de sortie  
On applique le Principe fondamental de la dynamique

On écrit l'équation des moments en projection sur l'axe  $(O ; \vec{z}_0)$  :

Remarque : Il existe deux relations possibles. L'énoncé étant imprécis on ne sait pas si  $C_{XX}$  est une valeur algébrique ou une norme.

Cas où  $C_{XX}$  est une valeur algébrique

$$\text{On obtient ainsi la relation : } \boxed{C_{MT} + C_{ME} + C_S + C_{GE} = 0}$$

Cas où  $C_{XX}$  est une norme

$$\text{On obtient alors la relation : } \boxed{C_{MT} + C_{ME} - C_S - C_{GE} = 0}$$

Pour la suite nous retiendrons cette deuxième relation car elle confirme les questions posées

par la suite. De plus, la relation donnée page 6/9 :  $J_{MT} \frac{d\omega_{MT}}{dt} = C_{comb} - C_{MT}$  laisse à penser que c'est bien cette forme qui est retenue.

### Question 3.C.2

On applique le théorème de l'énergie cinétique à l'ensemble train épicycloïdal + arbre de sortie. :  $\frac{dE_c(\Sigma/0)}{dt} = P_{int}(\Sigma) + P(\bar{\Sigma} \rightarrow \Sigma/0)$

Les inerties et masses étant négligées, donc l'énergie cinétique est négligée, nulle  
La puissance des inter-efforts est nulle car le rendement est supposé égal à 1.

On obtient donc la relation :  $0 = C_{MT}\omega_{MT} + C_{ME}\omega_S - C_{GE}\omega_{GE} - C_S\omega_S$

### Question 3.C.3

Nous avons les relations :

- $C_{MT} + C_{ME} - C_S - C_{GE} = 0$  (1)
- $\omega_{GE} + (k_b - 1)\omega_{MT} - k_b\omega_S = 0$  (2)
- $0 = C_{MT}\omega_{MT} + C_{ME}\omega_S - C_{GE}\omega_{GE} - C_S\omega_S$  (3)

On en déduit :  $0 = C_{MT}\omega_{MT} - (C_S - C_{MT} + C_{GE})\omega_S - C_{GE}(k_b\omega_S + (1 - k_b)\omega_{MT}) - C_S\omega_S$   
 $\Rightarrow C_{GE}(1 - k_b)(\omega_{MT} - \omega_S) = C_{MT}(\omega_{MT} - \omega_S)$

Soit pour  $\omega_{MT} \neq \omega_S$  :  $C_{GE} = \frac{C_{MT}}{1 - k_b}$  on obtient :  $\gamma = \frac{1}{1 - k_b} =$

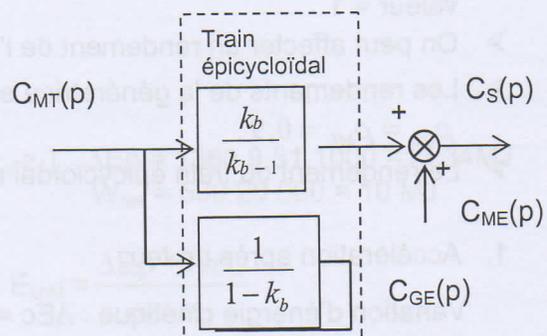
### Question 3.C.4

$$C_S = \alpha C_{ME} + \beta C_{MT}$$

On élimine  $C_{GE}$  de la relation (1), on obtient :  $C_S = -C_{ME} - C_{MT} - \gamma C_{MT}$

$$C_S = -C_{ME} - \frac{k_b}{1 - k_b} C_{MT} = -C_{ME} - C_{MT}(1 + \gamma)$$

Donc :  $\alpha = 1$  et  $\beta = \frac{k_b}{k_b - 1}$



### Question 3.D.1

- La vitesse maxi de 170 km/h correspond pour FS1 (tableau 1)
  - La puissance du moteur thermique :  $P_{MTmaxi} = 60$  kW (57 KW tableau 5)
  - La puissance du moteur électrique :  $P_{MEmaxi} = 50$  kW (50 KW tableau 5)
- soit la Puissance maximale du système hybride 110 kW à 85 km/h (tableau 1)

### Question 4.D.1

Modes de fonctionnement utilisés sur tout le trajet :

Cas 1 : arrivée à un feu rouge

Le véhicule est en mode 3 : l'énergie cinétique est récupérée pour recharger la batterie

Cas 2 : Départ d'un feu rouge de 0 à 50 km/h

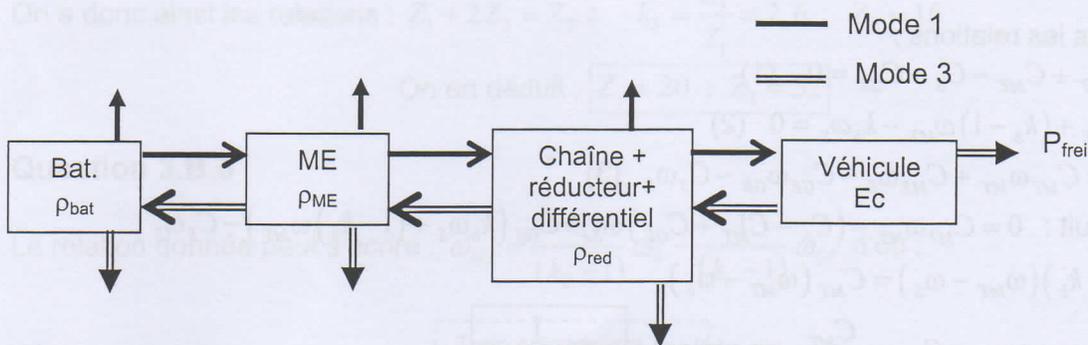
Le véhicule est en mode 1 ; en fonctionne en tout électrique

Cas 3 : fonctionnement de 50 à 90 km/h

Le véhicule est en mode 2 : Le moteur thermique fournit la puissance nécessaire au véhicule et aussi à la génératrice pour recharger la batterie.

Sur le trajet urbain seul les modes 1 et 3 sont utilisés.

Les conditions peuvent être représentées sur le diagramme suivant :



### Question 4.D.2

Pour faire un bilan énergétique il faut connaître tous les rendements des constituants de la chaîne d'énergie.

Hypothèses supplémentaires:

- Le rendement du réducteur+ la chaîne a fait l'objet d'une hypothèse précédente avec la valeur = 1
- On peut affecter un rendement de l'ordre de  $\rho_{dif} = 0,9$  au différentiel.
- Les rendements de la génératrice et du moteur électrique sont supposés égaux à  $\rho_{GE} = \rho_{ME} = 0,9$ .
- Le rendement du train épicycloïdal est déjà supposé égal à 1 sur la figure 10.

1. Accélération après un feu:

$$\text{Variation d'énergie cinétique : } \Delta E_c = \frac{1}{2} M \cdot V^2 \quad \Delta E_c = \frac{1}{2} \cdot 1360 \cdot \frac{50}{3,6} = 0,131 \text{ MJ}$$

$$\text{Soit une consommation de la batterie } E_{URB1} = \frac{\Delta E_c}{\rho_{bat} \cdot \rho_{dif} \cdot \rho_{ME}}$$

2. Freinage avant un feu:

La variation d'énergie cinétique :  $\Delta E_c = \frac{1}{2} M \cdot V^2$  est récupérée à 70% pour la recharge de la batterie, soit une consommation de la batterie :

$$E_{2bat} = - E_{URB2} = 0,7 \cdot \Delta E_c \cdot \rho_{bat} \cdot \rho_{dif} \cdot \rho_{ME}$$

Le bilan pour un feu est donc  $E_{Bat} = \Delta Ec \left( \frac{1}{\rho_{bat} \cdot \rho_{dif} \cdot \rho_{ME}} - 0,7 \cdot \rho_{bat} \cdot \rho_{dif} \cdot \rho_{ME} \right)$

$$E_{Bat} = \Delta Ec \left( \frac{1}{0,9 \cdot 0,9 \cdot 0,9} - 0,7 \cdot 0,9 \cdot 0,9 \cdot 0,9 \right) = 0,86 \cdot \Delta Ec = 0,112 \text{ MJ}$$

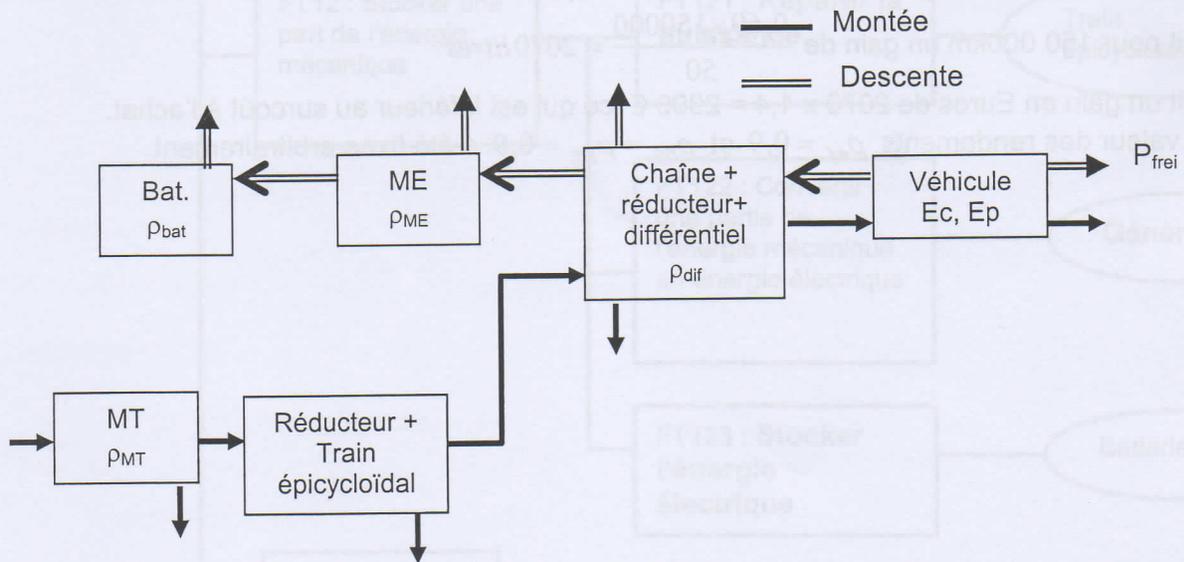
### Question 4.D.3

Dans le cycle urbain la consommation due aux feux sera :  $25 \cdot E_{Bat} = 2,8 \text{ MJ}$   
 Soit environ 40% de la charge maximale de la batterie (6,7MJ).

La recharge par le moteur thermique va nécessiter une énergie chimique :  $E_{CH} = \frac{25 \cdot E_{bat}}{\rho_{bat} \cdot \rho_{GE} \cdot \rho_{MT}}$

A.N :  $E_{ch} = \frac{2,8}{0,9 \cdot 0,9 \cdot 0,35} = 9,88 \text{ MJ}$  soit un volume de carburant :  $\frac{9,88}{32} = 0,3 \text{ litre}$  au lieu de 0,36 litre pour un véhicule classique, soit un gain de 17% en ville.

### Question 4.E.1



1. Montée à vitesse constante = 90 km/h :  
 Variation d'énergie potentielle :  $\Delta Ep = M \cdot g \cdot (z_c - z_1)$   $\Delta Ep = 1360 \cdot 9,81 \cdot 1000 = 13,34 \text{ MJ}$   
 Travail de l'effort résistant :  $W_{res} = F_R \cdot L$   $W_{res} = 500 \cdot 20\ 000 = 10 \text{ MJ}$

Soit une consommation d'énergie chimique :  $E_{chM} = \frac{\Delta Ep + F_R \cdot L}{\rho_{dif} \cdot \rho_{MT}}$

$$E_{chM} = \frac{13,34 + 10}{0,9 \cdot 0,35} = 74 \text{ MJ} \text{ soit un volume de carburant : } \frac{74}{32} = 2,3 \text{ litre}$$

2. Descente à vitesse constante = 90 km/h:  
 L'excédant d'énergie est  $\Delta Ep - W_{res}$  soit 3,34 MJ

On calcule l'effort de freinage du moteur électrique  $F_f$  :

$$3,34 \text{ MJ} = F_f \cdot L \quad \text{soit} \quad F_f = \frac{3,34 \cdot 10^6}{20 \cdot 10^3} = 167 \text{ N} \text{ ce qui est inférieur à } F_{f\text{maxi}} \text{ (440N),}$$

⇒ Il ne sera pas nécessaire de freiner à la descente. (pour ce trajet modèle)

La recharge de batterie sera :  $E_{batD} = F_f \cdot L \cdot \rho_{bat} \cdot \rho_{dif} \cdot \rho_{ME} = 3,34 \cdot 0,95 \cdot 0,9 \cdot 0,9 = 2,57 \text{ MJ}$

**Question 4.F.1**

- En ville la consommation électrique est :  $2 \times 25 \times E_{bat} = 5,6 \text{ MJ}$
- En montée : consommation carburant de 2,3 litre
- En descente : recharge électrique de  $E_{batD} = 2,57 \text{ MJ}$

Pour recharger la batterie à son niveau d'origine par le moteur thermique, il faut :

$$\frac{5,6 - 2,57}{0,35 \cdot 0,95 \cdot 0,9 \cdot 32} = 0,32 \text{ litre}$$

La consommation totale sera donc de  $2,3 + 0,32 = 2,62$  litres. Le gain est donc de 21% .  
Ce qui est le gain minimum pour assurer la rentabilité

**Question 4.F.2**

Le trajet peut être majoré à 50 kms

Nous avons sur ce trajet un gain de  $3,31 - 2,62 = 0,69$

Soit pour 150 000km un gain de  $\frac{0,69 \times 150000}{50} = 2070 \text{ litres}$

Soit un gain en Euros de  $2070 \times 1,4 = 2900 \text{ €}$  ce qui est inférieur au surcoût à l'achat.

La valeur des rendements  $\rho_{dif} = 0,9$  et  $\rho_{GE} = \rho_{ME} = 0,9$  a été fixée arbitrairement.

